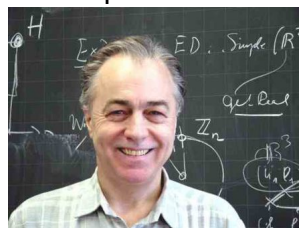


13. (Septiembre 2009) Topología Musical (2)

Escrito por Rafael Losada
Martes 15 de Septiembre de 2009 13:35

Mazzola

En 1989 el matemático suizo Guerino Mazzola publica "Geometría del Tono" que aplica los grupos de isometría, la teoría de Galois sobre conceptos -en vez de sobre polinomios algebraicos- y el álgebra categórica al análisis musical.



Topos En 2002, Mazzola publica una profunda y mejorada ampliación de ese trabajo, bajo el título "The Topos of Music". Este título tiene doble sentido. Por una parte, se puede traducir de forma general como "El lugar de la música". Pero admite otro sentido mucho más concreto. Los "Topos" son objetos matemáticos (un tipo particular de Categoría) que vienen a reflejar las posibles visiones o perspectivas de un lugar abstracto a partir de las propiedades o relaciones matemáticas necesarias para su coherencia lógica. Intuitivamente, en la Teoría de Categorías se usan flechas en vez de puntos, es decir, los objetos no son entes estáticos, sino el cúmulo de todas las posibles visiones o perspectivas en un lugar (topos) dado. Dicho de otra forma, se priman "las relaciones entre los objetos individuales" que conserven la estructura, más que los propios objetos en sí.

The Topos of Music

En esta obra de Mazzola se puede observar el gran progreso de las Matemáticas, la Teoría de la Música y el desarrollo de las Nuevas Tecnologías en la última década del siglo XX.

Mazzola crea una base, basada en los fundamentos teóricos de los Topos, que permite establecer relaciones lógicas y geométricas entre los objetos básicos de la Teoría Musical. Esta base incluye el análisis del ritmo, la melodía y la armonía. A partir de esa base teórica, Mazzola puede establecer topologías y clasificaciones de los objetos musicales, analizando sus relaciones dentro de ese Topos. Un punto clave en esas relaciones, como no podía ser de otro modo, reside en la presencia de la periodicidad como uno de los fundamentos musicales. La aritmética modular tiene un importante papel en muchas de las relaciones rítmicas, melódicas y armónicas.

Dado el amplio abanico de recursos matemáticos necesarios para establecer el Topos que permita el estudio de los objetos musicales, en la propia obra se incorporan anexos sobre las teorías de Conjuntos, Correspondencias, Monoïdes, Grupos, Anillos, Álgebras, Módulos, Transformaciones lineales y afines, Cálculo, Geometría y Topología algebraica, Categorías, Topos y Lógica.

13. (Septiembre 2009) Topología Musical (2)

Escrito por Rafael Losada

Martes 15 de Septiembre de 2009 13:35

$$\begin{CD}
 0 @>f_1^{H_A} C_H>> f_1^{H_A} M @>f_1^{H_A} M C_H>> 0 \\
 @V \downarrow VV @VV \downarrow V @VV \downarrow V \\
 0 @>C_H f_1^{H_A}>> M f_1^{H_A} @>M C_H f_1^{H_A}>> 0
 \end{CD}$$

[Redacted text]

[Redacted text]

[Redacted text]

[Redacted text]

[Redacted text]

[Redacted text]

[Redacted text]