

El rincón matemático.

Concurso Navidad 2016 – Enrique Farré

Supongamos que partimos de p naipes.

Sean a_1, a_2, \dots, a_n los valores de los naipes que están debajo de cada uno de los n montones.

Sea k el límite de conteo, con k mayor que el valor máximo que puede tener un naipe.

Sea r el número de naipes restantes.

Entonces, el número de naipes del montón i será $k - a_i + 1$ y se tiene que:

$$\sum_{i=1}^n (k - a_i + 1) + r = p$$

Operando se llega a que la suma de los naipes que están debajo de los montones es:

$$\sum_{i=1}^n a_i = n(k + 1) + r - p$$

Como se pretende que esa suma sea igual a r , deberá cumplirse que $p = n(k + 1)$.

Si $p = 52$ entonces tenemos los siguientes casos:

$n = 1$ y $k = 51$ (poco atractivo);

$n = 2$ y $k = 25$ (es posible, pero poco impactante);

$n = 4$ y $k = 12$ (la opción más interesante y que es la expuesta en el concurso, permitiendo dar a cada figura el valor 11 para no coincidir con los dieces, o bien 10 como se expone en el concurso);

$n = 13$ y $k = 3$ (no tiene sentido si queremos un k mayor que el valor de los naipes, y lo mismo si $n = 26$ y $k = 1$).

Con baraja española de $p = 40$ naipes, son posibles:

$n = 1$ y $k = 39$ (poco atractivo);

$n = 2$ y $k = 19$ (poco impactante);

$n = 4$ y $k = 9$ (la más interesante, y podríamos darles a la sota, al caballo y al rey el valor 8);

$n = 5$ y $k = 7$ (no tiene sentido si queremos un k mayor que el valor de los naipes, y lo mismo si $n = 8$, $n = 10$ o $n = 20$)

Con baraja de $p = 48$ naipes, el caso quizás más interesante es cuando $n = 3$ y $k = 15$ pudiendo dar a las figuras los mismos valores que tienen.