



En el libro IX de los Elementos Euclides nos deja perplejos con su proposición 36, que proporciona un método original para encontrar números perfectos.

“Si tantos números como se quiera a partir de una unidad se disponen en proporción duplicada hasta que su total resulte primo, y el total multiplicado por el último produce algún número, el producto será perfecto”

Es decir: “Si la suma de las n primeras potencias de 2 es un número primo, entonces el producto de la suma por la última potencia sumada es un número perfecto”.

Si $(1+2+2^2+\dots+2^n)$ es primo, entonces $(1+2+2^2+\dots+2^n)\cdot 2^n$ es perfecto

Nicómaco de Gerasa en su *Introductio Arithmeticae* incluye los 4 primeros números perfectos: 6, 28, 496, 8128

Nicómaco llegó a descubrir resultados generales de interés como el hecho de que el cubo de todo número entero n , es la suma de n números impares consecutivos:

$$1^3 = 1; 2^3 = 3+5; 3^3 = 7+9+11; \dots$$

Es decir, ya en el siglo I encontramos un potente teorema general:

$$1^3 + 2^3 + 3^3 + \dots + n^3 = 1 + 3 + 5 + 7 + 9 + 11 + \dots = (1+2+3+\dots+n)^2$$

