

### El teorema de Pitágoras



El matemático francés Alexis Claude Clairaut (1713-1765) fue admitido en la Academia de Ciencias francesa cuando aún no tenía dieciocho años de edad, por su trabajo *Recherches sur les courbes a double courbure* que fue publicado en 1731. A lo largo de su corta vida perteneció a la Royal Society of London, a la Academia de Berlín, a la Academia de San Petersburgo, y a las Academias de Bolonia y Upsala.

Desde el 20 de abril de 1736 al 20 de agosto de 1737, Clairaut participó en una expedición a Laponia, liderada por Maupertuis, cuyo objetivo era medir la longitud de un meridiano en la tierra. En 1743, publicó su famoso trabajo *Théorie de la figure de la terre* donde confirmó la hipótesis de que la tierra estaba achatada en los polos, defendida por Newton-Huygens.

Además de sus contribuciones a la ciencia en general y a las Matemáticas en particular, Clairaut escribió dos textos dedicados a la enseñanza que alcanzaron varias ediciones: uno de álgebra y otro de geometría. En el prefacio de este último manual, *Éléments de géométrie*, el autor se expresaba en los siguientes términos:

*Me he propuesto retroceder a lo que pudo haber sido el nacimiento de la Geometría e intentar desarrollar sus principios por un método natural del que se pueda asumir que fue el mismo que el de sus primeros Inventores. Sólo he intentado□ evitar aquellos falsas tentativas que ellos tuvieron la necesidad de hacer.*

De los *Éléments de géométrie* hemos seleccionado tres apartados en los que Clairaut demuestra el Teorema de Pitágoras

1

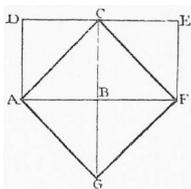
## Nota:

<sup>1</sup> *Éléments de géométrie*, segunda parte, artículos XVI, XVII y XVIII.

---

### **XVI. Construir un cuadrado doble de otro**

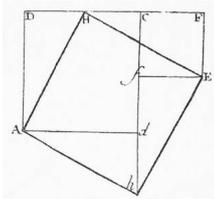
*Supongamos, en primer lugar, que los dos cuadrados ABCD y CBEF, con los que se quiere hacer un solo cuadrado, sean iguales entre sí.*



*Se observa fácilmente que si se trazan las diagonales AC y CF, entonces los triángulos ABC y CBF equivalen a un cuadrado. Entonces, transportando por debajo de AF los otros dos triángulos DCA y CEF, se obtendrá el cuadrado ACFG cuyo lado AC será la diagonal del cuadrado ABCD y cuya área será igual a la de los dos cuadrados propuestos, lo que no necesita ser demostrado.*

### XVII. Construir un cuadrado equivalente a otros dos

Supongamos ahora que se quiere construir un cuadrado equivalente a la suma de dos cuadrados desiguales  $ADCd$  y  $CFEe$ , o, lo que es lo mismo, transformar la figura  $ADFEfd$  en un cuadrado.



Siguiendo la línea del método precedente, se investigará si es posible encontrar algún punto  $H$  sobre la línea  $DF$ , tal que:

- 1º dibujando las líneas  $AH$  y  $HE$ , y haciendo girar los triángulos  $ADH$  y  $EFH$  alrededor de los puntos  $A$  y  $E$  hasta que ocupen las posiciones  $Adh$  y  $Efh$ , los dos triángulos se unan en  $h$ .
- 2º los cuatro lados  $AH$ ,  $HE$ ,  $Eh$  y  $hA$  sean iguales y perpendiculares unos a otros.

Este punto  $H$  se encontrará haciendo  $DH$  igual al lado  $CF$  o  $EF$ . De la igualdad entre  $DH$  y  $CF$  se sigue, en primer lugar, que si se hace girar  $ADH$  alrededor de  $A$  hasta que llegue a la posición  $Adh$ , el punto  $H$  coincide con  $h$  que dista del punto  $C$  un intervalo igual a  $DF$ .

De la misma igualdad entre  $DH$  y  $CF$  también se sigue que  $HF$  es igual a  $DC$ , y que si el triángulo  $EFH$  gira alrededor de  $E$  hasta alcanzar la posición  $Efh$ , entonces  $H$  coincide con  $h$ , que dista de  $C$  un intervalo igual a  $DF$ .

Entonces, la figura  $ADFEfd$  se convertirá en una figura  $AHEh$  con cuatro lados.

Ahora se trata de ver si estos cuatro lados son iguales y perpendiculares unos a otros.

La igualdad de estos cuatro lados es evidente dado que  $Ah$  y  $hE$  serán los mismos que  $AH$  y  $HE$  y la igualdad de estos dos últimos se deducirá de que, siendo  $DH$  igual a  $CF$  o a  $FE$ , los dos triángulos  $ADH$  y  $HEF$  serán equivalentes y semejantes.

Entonces sólo falta ver si los lados de la figura  $AHEh$  determinan ángulos rectos. Esto es fácil de asegurar si se observa que, mientras  $HAD$  gira alrededor de  $A$  para llegar a  $hAd$ , el lado  $AH$  gira lo mismo que el  $AD$ . Entonces, el lado  $AD$  describirá el ángulo recto  $DAd$  al transformarse en  $Ad$ . Por consiguiente, el lado  $AH$  también describirá el ángulo recto  $HAh$ , al convertirse en  $Ah$ .

En lo que se refiere a los otros ángulo  $H$ ,  $E$  y  $h$  es evidente que necesariamente serán rectos,

## Clairaut (El Teorema de Pitágoras)

Escrito por Vicente Meavilla Seguí

---

*dado que no es posible que una figura limitada por cuatro lados iguales tenga un ángulo recto sin que los otros tres también lo sean.*

**XVIII. La hipotenusa de un triángulo rectángulo es su lado mayor.  
Y el cuadrado de este lado es equivalente a la suma de los cuadrados  
construidos sobre los otros dos**

*Si se considera que los dos cuadrados  $ADCd$  y  $CFEf$  están contruidos uno sobre  $AD$ , lado mediano del triángulo  $ADH$ , y el otro sobre  $EF$ , igual a  $DH$ , lado menor del mismo triángulo  $ADH$ , y que el cuadrado  $AHEh$ , equivalente a la suma de los otros dos, está descrito sobre el lado mayor  $AH$ , que se llama hipotenusa del triángulo rectángulo, se descubrirá la famosa propiedad de los triángulos rectángulos: el cuadrado de la hipotenusa es equivalente a la suma de los cuadrados contruidos sobre los otros dos lados.*

### Referencias bibliográficas

*CLAIRAUT, A. C. (1775). Élémens de Géométrie. París: Cellot & Jombert.*